

Figure A.2

Les données de l'énoncé sont  $L$ ,  $C$  et  $E$ .

1. Exprimer, en fonction de certaines données de l'énoncé, la charge initiale  $q_0$  du condensateur au moment de la fermeture de l'interrupteur  $K$ .
2. Par application de la loi de maille du circuit, établir l'équation différentielle vérifiée par la tension  $u_c(t)$  aux bornes du condensateur.
3. Déterminer l'expression de la tension  $u_c(t)$ , formule dans laquelle les constantes d'intégration qui apparaissent seront toutes exprimées en fonction des données de l'énoncé.

### III. Oscillations réelles

En réalité, la courbe représentative de la tension  $u_c(t)$  est pseudo-périodique (figure A.3). L'amortissement constaté est dû à la présence d'une résistance dans la maille «  $L$ ,  $C$  » : la bobine qui était supposée idéale est en fait résistive, de résistance  $r$ .

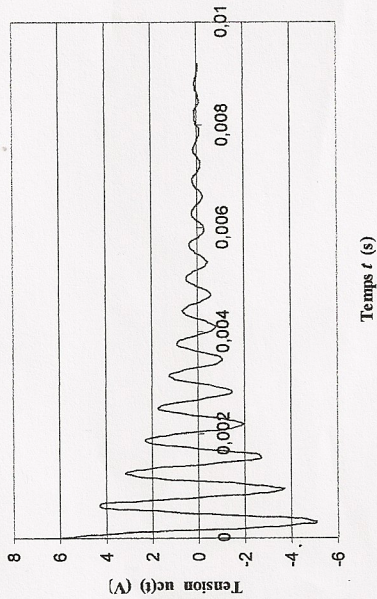


Figure A.3

Les données de l'énoncé sont  $r$ ,  $L$ ,  $C$  et  $E$ .

1. Quel appareil pourrait permettre de visualiser et d'étudier la tension  $u_c(t)$  ?
2. La maille à considérer comporte désormais un condensateur de capacité  $C$ , initialement chargé ( $q_{(t=0)} = q_0$ ), qui se décharge à partir du temps  $t = 0$  (fermeture de l'interrupteur  $K'$ ) dans le groupement série «  $r$ ,  $L$  ». Montrer que l'équation de maille du circuit «  $r$ ,  $L$ ,  $C$  » série permet d'établir une équation différentielle vérifiée par la tension  $u_c(t)$ .
3. Déterminer l'expression de la tension  $u_c(t)$ , formule dans laquelle les constantes d'intégration qui apparaissent seront toutes exprimées en fonction des données de l'énoncé.
4. Application numérique :  $L = 1,00 \times 10^{-2}$  H ;  $C = 1,00 \times 10^{-6}$  F ;  $E = 6,00$  V.
  - a) Quelle aurait été la valeur numérique de la pulsation propre  $\omega_0$  du circuit dans l'hypothèse d'une bobine non résistive ( $r = 0$ ), donc en l'absence d'amortissement.
  - b) Une mesure de la pseudo-période donne  $T = 6,30 \times 10^{-4}$  s. Calculer la pseudo-pulsation  $\Omega$  et en déduire la valeur numérique de la résistance  $r$  de la bobine.
5. Quelle aurait été l'allure de la courbe représentative de la fonction  $u_c(t)$  avec une résistance  $r$  très élevée ?